Raccolta di problemi di geometria piana sul teorema di Pitagora applicato al rombo e al romboide completi di risoluzione.

Rhombus Problems involving Pythagoras Theorem. (Geometry)

- 1. Un rombo ha le due diagonali che misurano rispettivamente 6 cm e 8 cm. Calcola il perimetro e l'area del rombo.
- 2. In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 16 cm e 12 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 3. In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 56 cm e 42 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 4. In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 10 cm e 24 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- <u>5.</u> In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 14,4 cm e 19,2 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- <u>6.</u> In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 39 cm e 52 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- <u>7.</u> In un rombo la diagonale minore misura 32 cm ed il lato 65 cm. Calcola la misura dell'area e del perimetro del rombo.
- 8. In un rombo la diagonale maggiore misura 30 cm ed il lato 17 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 9. In un rombo la diagonale minore e il lato misurano rispettivamente 12 cm e 10 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- <u>10.</u> In un rombo con il perimetro di 200 dm, una diagonale misura 96 dm. Calcola la misura dell'area del rombo.
- <u>11.</u> Un rombo una delle due diagonali misura 28 cm e il lato misura 50 cm. Calcola area del rombo.
- 12. In un rombo la somma delle diagonali misura 34 cm e una è pari ai 12/5 dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 13. In un rombo la somma delle diagonali misura 84 cm e una è i ¾ dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 14. Un rombo ha la diagonale maggiore che misura 72 cm e la diagonale minore è 5/12 della maggiore. Calcola il perimetro e l'area del rombo dato.
- 15. Un rombo è equivalente ad un quadrato di lato 12 cm. Le diagonali del rombo sono una gli 8/9 dell'altra. Calcola il perimetro del rombo.
- 16. La diagonale AC di un romboide ABCD lo divide in due triangoli isosceli che condividono la loro base con la diagonale AC. Sapendo che la diagonale AC, i lati AB e AD misurano rispettivamente 56 cm, 35 cm e 53 cm, calcola l'area e il perimetro del quadrilatero dato.

- 17. Un rombo con il perimetro di 60 cm la diagonale minore è 6/5 del lato. Calcola l'area del rombo e la misura del perimetro e dell'area di un rettangolo avente la base di 12 cm e la diagonale congruente al lato del rombo.
- 18. Un rombo con il perimetro di 52 cm ha la diagonale maggiore che è i 24/13 del lato. Calcola l'area del rombo e la misura del perimetro e dell'area di un rettangolo avente la base di 8 cm e la diagonale congruente alla diagonale minore del rombo.
- 19. Un rombo ha una diagonale che misura 72 cm e l'area di 1080 cm². Calcola il perimetro del rombo dato.
- <u>20.</u> Un rombo con il perimetro di 68 cm ha una diagonale che misura 30 cm. Calcola l'area del rombo.
- 21. In un rombo la somma delle diagonali misura 84 cm e la loro differenza misura 46 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 22. In un rombo la diagonale minore misura 40 cm e il lato è i 13/10 di questa. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 23. In un rombo la differenza delle diagonali misura 14 cm e una è i 5/12 dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 24. In un romboide ABCD la diagonale maggiore misura 56 cm e i due lati adiacenti sono rispettivamente 53 cm e 35 cm. Calcola il perimetro e l'area del romboide.
- 25. Un rombo ha una diagonale che misura 70 cm e l'area di 840 cm². Calcola il perimetro del rombo dato.
- <u>26.</u> In un rombo la somma delle diagonali misura 98 cm e una è i 3/4 dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 27. In un rombo la diagonale maggiore supera di 14 cm la minore e una è i 5/12 dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.
- 28. Calcolate la misura dell'area e del perimetro di un rombo le cui diagonali sono 1,2 m e 0,5 m.
- 29. Calcolate la misura dell'area e del perimetro di un rombo le cui diagonali sono 4,8 dm e 2 dm.
- <u>30.</u> In un rombo la somma delle misure delle due diagonali è 2,1 m e la loro differenza è di 0,3 m. Calcola il perimetro e l'area del rombo.
- 31. Un rombo ha una delle due diagonali che misura 8 cm. Calcola il perimetro del rombo sapendo che la sua area misura 24 cm².

Soluzioni

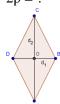
Un rombo ha le due diagonali che misurano rispettivamente 6 cm e 8 cm. Calcola il perimetro e l'area del rombo.

 $d_1 = 8 cm$ $d_2 = 6 cm$ A = ? 2p = ?

$$A = \frac{d_1 \cdot d_1}{2} = \frac{8 \cdot 6}{2} = 8 \cdot 3 = 24 \text{ cm}^2$$

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{8}{2}\right)^2 + \left(\frac{6}{2}\right)^2} = \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$$

$$2p = 4 \cdot l = 4 \cdot 5 = 20 \text{ cm}$$

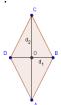


In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 16 cm e 12 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.

$$d_1 = 16 \text{ cm}$$

 $d_2 = 12 \text{ cm}$
 $A = ?$
 $2p = ?$

$$\begin{split} l &= \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{12}{2}\right)^2 + \left(\frac{16}{2}\right)^2} = \sqrt{36 + 64} = \sqrt{100} = 10 \ cm \\ A &= \frac{d_1 \cdot d_1}{2} = \frac{16 \cdot 12}{2} = 16 \cdot 6 = 96 \ cm^2 \\ 2p &= 4 \cdot l = 4 \cdot 10 = 40 \ cm \end{split}$$



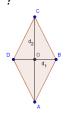
In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 56 cm e 42 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.

 $d_1 = 56 \text{ cm}$ $d_2 = 42 \text{ cm}$ A = ?2p = ?

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{56}{2}\right)^2 + \left(\frac{42}{2}\right)^2} = \sqrt{784 + 441} = \sqrt{1225} = 35 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_1}{2} = \frac{56 \cdot 42}{2} = 56 \cdot 21 = 1176 \text{ cm}^2$$

$$2p = 4 \cdot l = 4 \cdot 35 = 140 \text{ cm}$$

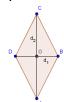


In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 10 cm e 24 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.

$$d_1 = 24 \text{ cm}$$

 $d_2 = 10 \text{ cm}$
 $A = ?$
 $2p = ?$

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{24}{2}\right)^2 + \left(\frac{10}{2}\right)^2} = \sqrt{144 + 25} = \sqrt{169}$$
$$= 13 \ cm$$



$$2p = 4l = 4 \cdot 13 = 52 \ cm$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{24 \cdot 10}{2} = 12 \cdot 10 = 120 \ cm^2$$

In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 14,4 cm e 19,2 cm. Calcola la misura del perimetro e $d_2 = 14,4$ cm dell'area del rombo. $d_2 = 14,4$ cm A = ?

$$d_1 = 19,2 \text{ cm}$$

 $d_2 = 14,4 \text{ cm}$
 $A = ?$
 $2p = ?$

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{14,4}{2}\right)^2 + \left(\frac{19,2}{2}\right)^2} = \sqrt{9,6^2 + 7,2^2} = \sqrt{51,84 + 92,16} = \sqrt{144} = 12 \text{ cm}$$

$$2p = 4l = 4 \cdot 12 = 48 \ cm$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{14,4 \cdot 19,2}{2} = 7,2 \cdot 19,2 = 138,24 \text{ cm}^2$$

In un rombo la diagonale minore e la diagonale maggiore misurano rispettivamente 39 cm e 52 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.

$$d_1 = 39 \text{ cm}$$

 $d_2 = 52 \text{ cm}$
 $A = ?$
 $2p = ?$

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{39}{2}\right)^2 + \left(\frac{52}{2}\right)^2} = \sqrt{19.5^2 + 26^2} = \sqrt{380.25 + 676} = \sqrt{1056.25} = 32.5 \text{ cm}$$

$$2p = 4l = 4 \cdot 32,5 = 130 \ cm$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{39 \cdot 52}{2} = 39 \cdot 26 = 1014 \ cm^2$$

In un rombo la diagonale minore misura 32 cm ed il lato 65 cm. Calcola la misura dell'area e del perimetro rombo.

$$d_1 = 32 \text{ cm}$$

 $l = 65 \text{ cm}$
 $A = ?$
 $2p = ?$

$$d_1 = 2 \cdot \sqrt{l^2 - \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{65^2 - \left(\frac{32}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{4225 - 256} = 2 \cdot \sqrt{3969} = 2 \cdot 63 = 126$$

$$2p = 4l = 4 \cdot 65 = 260 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{126 \cdot 32}{2} = 126 \cdot 16 = 2016 \text{ cm}^2$$

In un rombo la diagonale maggiore misura 30 cm ed il lato 17 cm. $d_1 = 30$ cm Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo. l = 17 cm A = ?

$$d_2 = 2 \cdot \sqrt{l^2 - \left(\frac{d_1}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{17^2 - \left(\frac{30}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{289 - 225} = 2 \cdot \sqrt{64} = 2 \cdot 8 = 16$$

$$2p = 4l = 4 \cdot 17 = 64 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{30 \cdot 16}{2} = 30 \cdot 8 = 240 \text{ cm}^2$$

In un rombo la diagonale minore e il lato misurano rispettivamente 12 cm e 10 cm. Calcola la misura del perimetro e dell'area del l = 10 cm $l = 10 \text{$

$$d_1 = 2 \cdot \sqrt{l^2 - \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{10^2 - \left(\frac{12}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{100 - 36} = 2 \cdot \sqrt{64} = 2 \cdot 8 = 16$$

$$2p = 4l = 4 \cdot 10 = 40 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{16 \cdot 12}{2} = 16 \cdot 6 = 96 \text{ cm}^2$$

In un rombo con il perimetro di 200 dm, una diagonale misura 96 dm. Calcola la misura dell'area del rombo.

$$d_1 = 96 \text{ dm}$$

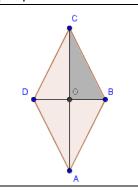
 $2p = 200 \text{ dm}$
 $A = 2$

$$l = \frac{2p}{4} = \frac{200}{4} = 50 \ cm$$

$$d_1 = 96 \ cm$$

$$d_2 = 2 \cdot \sqrt{l^2 - \left(\frac{d_1}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{50^2 - \left(\frac{96}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{2500 - 2304} = 2 \cdot \sqrt{196} = 28 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{96 \cdot 28}{2} = 96 \cdot 28 = 1344 \ cm^2$$

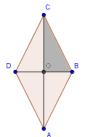


Un rombo una delle due diagonali misura 28 cm e il lato misura 50 cm. Calcola area del rombo.

$$d_1 = 28 cm$$

$$d_2 = 2 \cdot \sqrt{l^2 - \left(\frac{d_1}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{50^2 - \left(\frac{28}{2}\right)^2} = 2 \cdot \sqrt{2500 - 196} = 2 \cdot \sqrt{2304} = 2 \cdot 48 = 96 cm$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_1}{2} = \frac{96 \cdot 28}{2} = 96 \cdot 14 = 1344 cm^2$$



In un rombo la somma delle diagonali misura 34 cm e una è pari ai 12/5 dell'altra. Calcola la misura del perimetro e dell'area del rombo.

$$d_1 = 12*2 = 24 \text{ cm}$$

$$d_2 = 5*2 = 10 \text{ cm}$$

Oppure
$$\frac{12}{5} + \frac{5}{5} = \frac{17}{5}$$

$$\begin{cases} d_1 + d_2 = 34 \left[\frac{12}{5} d_2 + d_2 = 34 \right] \frac{17}{5} d_2 = 34 \\ d_1 = \frac{12}{5} d_2 \end{cases} d_1 = \frac{12}{5} d_2 \qquad \begin{cases} d_1 = \frac{12}{5} d_2 \end{cases} d_1 = \frac{12}{5} d_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} d_2 = 34 \cdot \frac{5}{17} = 10 \\ d_1 = \frac{12}{5} d_2 = \frac{12}{5} \cdot 10 = 24 \end{cases}$$

$$l = \sqrt{\left(\frac{d_1}{2}\right)^2 + \left(\frac{d_2}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{24}{2}\right)^2 + \left(\frac{10}{2}\right)^2} = \sqrt{144 + 25} = \sqrt{169} = 13 \text{ cm}$$

$$2p = 4 \cdot l = 4 \cdot 13 = 52 \text{ cm}$$

$$A = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \frac{24 \cdot 10}{2} = 24 \cdot 5 = 120 \text{ cm}^2$$