

La derivata prima di una costante d/dx costante = 0

Posto $h=Dx=m=tg\alpha$ =coefficiente angolare

Vediamo perché: scriviamo la definizione di derivata

$$F'(x)=\lim (f(x+h)-f(x))/h$$

$$h=Dx \rightarrow 0$$

Nel nostro caso è la funzione costante che vale identicamente (un valore generico). Notiamo che, proprio perché si tratta della funzione costante, $f(x+h) = c$ e $f(x) = c$. Abbiamo così:

$$d/dx * c = \lim (c-c)/h$$

$$h=Dx \rightarrow 0$$

Il numeratore è proprio 0, dunque il limite vale zero

$$= \lim 0/h = 0$$

$$h \rightarrow 0$$

ATTENZIONE - ERRORE COMUNE! Nel limite il numeratore è proprio zero e il denominatore è qualcosa che tende a zero. NON si tratta di una forma indeterminata 0/0 perché il numeratore non tende a zero ma è proprio 0!

In definitiva; $y'(k) = 0$

La derivata prima di una costante d/dx costante = x

Se è $f(x) = x$, si ha, al numeratore:

$$f(x+Dx) - f(x) = (x+Dx) - x = x + Dx - x = Dx$$

Al denominatore Dx

Ossia: $\lim Dx/Dx = 1$;

$$h=Dx \rightarrow 0$$

Attenzione: sia numeratore che denominatore tendono entrambi per $h=Dx$ al limite a zero ma non sono zero, ossia non sono la forma indeterminata 0/0; questo spiega perché il loro rapporto, essendo entrambi diversi da zero, dà come risultato il valore 1.